

Exercice 105

1. On calcule les coordonnées des milieux K de [AC] et L de [BD].

$$x_K = \frac{x_A + x_C}{2} \quad \text{et} \quad y_K = \frac{y_A + y_C}{2}$$

$$x_K = \frac{-2+0}{2} = -1 \quad \text{et} \quad y_K = \frac{2+(-2)}{2} = 0$$

Donc K a pour coordonnées $(-1 ; 0)$.

De même

$$x_L = \frac{-7+5}{2} = -1 \quad \text{et} \quad y_L = \frac{-3+3}{2} = 0$$

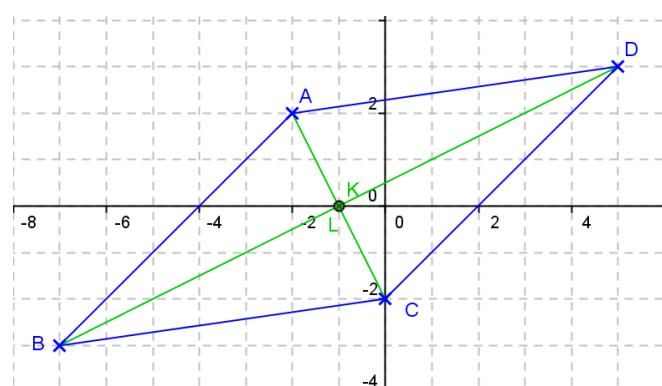
Donc L a pour coordonnées $(-1 ; 0)$.

On constate que les points L et K ont les mêmes coordonnées. Ils sont donc confondus et les diagonales de ABCD se coupent en leur milieu.

Le quadrilatère ABCD est donc un parallélogramme.

Méthode

On pourra revoir la méthode de l'exercice résolu 2 page 247.



2. On calcule les distances CB et CD.

$$CB = \sqrt{(-7 - 0)^2 + (-3 - (-2))^2} = \sqrt{49 + 1} = \sqrt{50}$$

$$CD = \sqrt{(5 - 0)^2 + (3 - (-2))^2} = \sqrt{25 + 25} = \sqrt{50}$$

On constate que $CB = CD$.

Le triangle CBD est donc isocèle en C.

Conseil

Une figure permet d'émettre des conjectures et/ou de contrôler les résultats obtenus par le calcul.

3. Sur la figure, il semble que ABCD soit un losange. Démontrons-le.

ABCD est un parallélogramme (question 1).

De plus il a deux côtés consécutifs [CB] et [CD] de même longueur (question 2).

Un parallélogramme qui a deux côtés consécutifs de même longueur est un losange, donc ABCD est un losange.

On pourra revoir la méthode de l'exercice résolu 4 page 248.

On pourra revoir la méthode de l'exercice résolu 5 page 248.